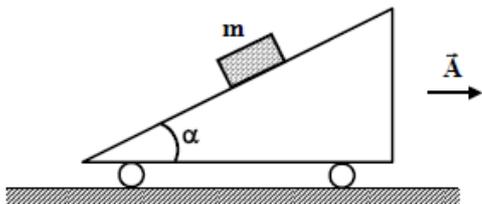
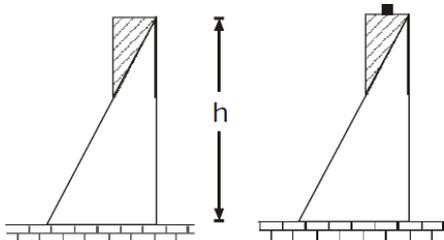


## Aprofundamento – Leis de Newton

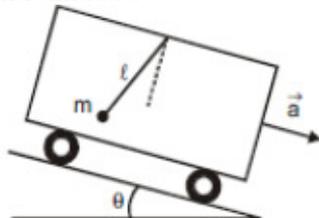
01) (ITA) Na figura, o carrinho com rampa movimenta-se com aceleração constante  $\vec{A}$ . Sobre a rampa repousa um bloco de massa  $m$ . Se  $\mu$  é o coeficiente de atrito estático entre o bloco e a rampa, determine o intervalo do módulo de  $\vec{A}$  para o qual o bloco permanecerá em repouso sobre a rampa.



02) Partindo do repouso, um bloco de massa  $M$  desliza sobre uma rampa lisa, levando  $t_1$  segundos para descer a altura  $h$ . Repetindo-se o experimento, só que agora com outro bloco de massa  $m$  sobre o primeiro, que permanece em repouso em relação a este, o tempo de descida passa a ser  $t_2$ . Determine a razão entre  $t_1$  e  $t_2$ .



03) (ITA) Considere uma rampa de ângulo  $\theta$  com a horizontal sobre a qual desce um vagão, com aceleração  $\vec{a}$ , em cujo teto está dependurada uma mola de comprimento  $l$ , de massa desprezível e constante de mola  $k$ , tendo uma massa  $m$  fixada na sua extremidade.



Considerando que  $l_0$  é o comprimento natural da mola e que o sistema está em repouso com relação ao vagão, pode-se dizer que a mola sofreu uma variação de comprimento  $\Delta l = l - l_0$  dada por:

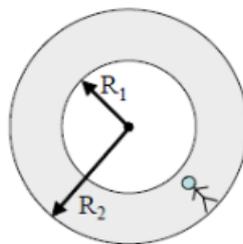
a)  $mg \sin \theta / k$

c)  $mg/k$

d)  $m\sqrt{a^2 - 2ag \cos \theta + g^2}/k$

e)  $m\sqrt{a^2 - 2ag \sin \theta + g^2}/k$

04) (ITA) Uma estação espacial em forma de um toróide, de raio interno  $R_1$ , e externo  $R_2$ , gira, com período  $P$ , em torno do seu eixo central, numa região de gravidade nula. O astronauta sente que seu “peso” aumenta de 20%, quando corre com velocidade constante  $v$  no interior desta estação, ao longo de sua maior circunferência, conforme mostra a figura. Assinale a expressão que indica o módulo dessa velocidade.



a)  $\left(\sqrt{\frac{6}{5}} - 1\right) \frac{2\pi R_2}{P}$

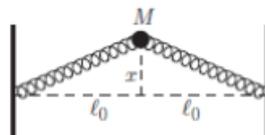
b)  $\left(1 - \sqrt{\frac{5}{6}}\right) \frac{2\pi R_2}{P}$

c)  $\left(\sqrt{\frac{5}{6}} + 1\right) \frac{2\pi R_2}{P}$

d)  $\left(\frac{5}{6} + 1\right) \frac{2\pi R_2}{P}$

e)  $\left(\frac{6}{5} + 1\right) \frac{2\pi R_2}{P}$

05) (ITA) Sobre uma mesa sem atrito, uma bola de massa  $M$  é presa por duas molas alinhadas, de constante de mola  $k$  e comprimento natural  $l_0$ , fixadas nas extremidades da mesa. Então, a bola é deslocada a uma distância  $x$  na direção perpendicular à linha inicial das molas, como mostra a figura, sendo solta a seguir. Obtenha a aceleração da bola, usando a aproximação  $(1 + a)^\alpha = 1 + \alpha a$ .



a)  $-kx/M$

b)  $-kx^2/2Ml_0$

c)  $-kx^2/Ml_0$

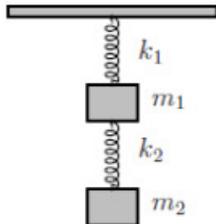
d)  $-kx^3/2Ml_0$

e)  $-kx^3/Ml_0^2$

06) (ITA) Um corpo de massa  $M$ , inicialmente em repouso, é erguido por uma corda de massa desprezível até uma altura  $H$ , onde fica novamente em repouso. Considere que a maior tração que a corda pode suportar tenha módulo igual a  $nMg$ , em que  $n > 1$ . Qual deve ser o menor tempo possível para ser feito o erguimento desse corpo?

- a)  $\sqrt{\frac{2H}{(n-1)g}}$   
 b)  $\sqrt{\frac{2nH}{(n-1)g}}$   
 c)  $\sqrt{\frac{nH}{2(n-1)^2g}}$   
 d)  $\sqrt{\frac{4nH}{(n-2)g}}$   
 e)  $\sqrt{\frac{4nH}{(n-1)g}}$

07) (ITA) Um elevador sobe verticalmente com aceleração constante e igual a  $a$ . No seu teto está preso um conjunto de dois sistemas massa-mola acoplados em série, conforme a figura. O primeiro tem massa  $m_1$  e constante de mola  $k_1$ , e o segundo, massa  $m_2$  e constante de mola  $k_2$ . Ambas as molas têm o mesmo comprimento natural  $l$  (sem deformação). Na condição de equilíbrio estático relativo ao elevador, a deformação da mola de constante  $k_1$  é  $y$ , e a da outra,  $x$ . Pode-se então afirmar que  $(y - x)$  é

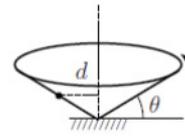


- a)  $[(k_2 - k_1)m_2 + k_2m_1](g - a)/k_1k_2$   
 b)  $[(k_2 + k_1)m_2 + k_2m_1](g - a)/k_1k_2$   
 c)  $[(k_2 - k_1)m_2 + k_2m_1](g + a)/k_1k_2$   
 d)  $[(k_2 + k_1)m_2 + k_2m_1](g + a)/k_1k_2 - 2l$   
 e)  $[(k_2 - k_1)m_2 + k_2m_1](g + a)/k_1k_2 + 2l$

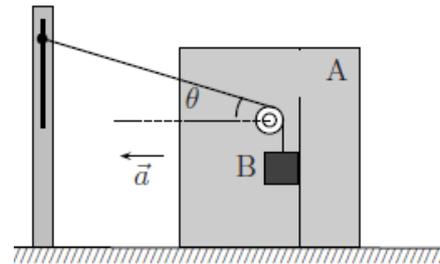
08) (ITA) Um funil que gira com velocidade angular uniforme em torno do seu eixo vertical de simetria apresenta uma superfície cônica que forma um ângulo  $\theta$  com a horizontal, conforme a figura. Sobre esta superfície, uma pequena esfera gira com a mesma velocidade angular mantendo-se a uma distância  $d$  do eixo de rotação. Nestas

condições, o período de rotação do funil é dado por

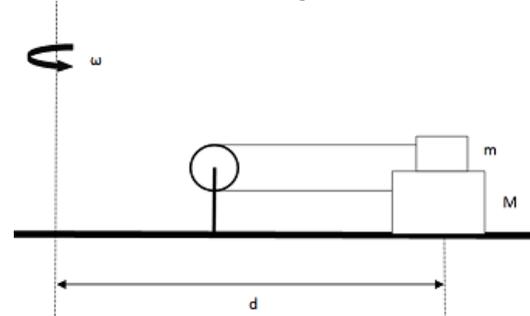
- a)  $2\pi\sqrt{d/g\text{sen}\theta}$   
 b)  $2\pi\sqrt{d/g\text{cos}\theta}$   
 c)  $2\pi\sqrt{d/g\tan\theta}$   
 d)  $2\pi\sqrt{d/g\text{sen}2\theta}$   
 e)  $2\pi\sqrt{d\text{cos}\theta/g\tan\theta}$



9) (ITA) A figura mostra um sistema formado por dois blocos, A e B, cada um com massa  $m$ . O bloco A pode deslocar-se sobre a superfície plana e horizontal onde se encontra. O bloco B está conectado a um fio inextensível fixado à parede, e que passa por uma polia ideal com eixo preso ao bloco A. Um suporte vertical sem atrito mantém o bloco B descendo sempre paralelo a ele, conforme mostra a figura. Sendo  $\mu$  o coeficiente de atrito cinético entre o bloco A e a superfície,  $g$  a aceleração da gravidade, e  $\theta = 30^\circ$  mantido constante, determine a tração no fio após o sistema ser abandonado do repouso.



10) (IME) Uma mesa giratória tem velocidade angular constante  $\omega$ , em torno do eixo vertical. Sobre esta mesa encontram-se dois blocos, de massa  $m$  e  $M$ , ligados por uma corda inelástica que passa por uma roldana fixa à mesa, conforme a figura.



Considerando que não existe atrito entre a mesa e o bloco  $M$ , determine o coeficiente de atrito mínimo entre os dois blocos para que não haja movimento relativo entre eles. Considere  $d$  a distância dos blocos ao eixo de

rotação. Despreze as massas da roldana e da corda.

**Gabarito**

01)  $0 \leq |\vec{A}| \leq g \frac{\mu - \operatorname{tg} \alpha}{1 + \mu \operatorname{tg} \alpha} \quad (\mu \geq \operatorname{tg} \alpha)$

02) 1

03) E

04) A

05) E

06) B

07) C

08) C

09)  $\frac{2mg(\sqrt{3} + \mu)}{3\sqrt{3} - \mu}$

10)  $\frac{\omega^2 d(M - m)}{2mg}$